

在实际应用中,这种直方图修正方法的主要困难在于如何适当地选取期望的直方图。

一种解决办法是事先选定几种常用的概率密度函数(如均匀分布、高斯分布、瑞利分布等等)作为期望的分布,然后根据它们对任意实际的图象灰度分布函数 $F_r(r)$ 求出直方图修正的变换函数,然后,将其列表,以便使用时查用。例如,若期望的概率分布密度为均匀分布,即

$$f_r(s) = \frac{1}{s_{\max} - s_{\min}} \quad s_{\min} \leq s \leq s_{\max}$$

那么随机变量函数 $s = T(R)$ 的概率分布函数为

$$F_r(s) = \int_{s_{\min}}^s f_r(s) ds = \int_{r_{\min}}^r f_r(r) dr = \frac{1}{s_{\max} - s_{\min}} (s - s_{\min})$$

于是

$$s = [s_{\max} - s_{\min}] F_r(r) + s_{\min}$$

用类似方法可求得其他期望分布下的原图象灰度分布函数(或分布密度)和新图象灰度之间的关系,这些关系最后列于表 4-1 中。

表 4-1 直方图修正之传递函数

输出概率密度	传 递 函 数
均匀分布	$f_r(s) = \frac{1}{s_{\max} - s_{\min}} \quad s_{\min} \leq s \leq s_{\max} \quad s = [s_{\max} - s_{\min}] F_r(r) + s_{\min}$
指数分布	$f_r(s) = \alpha \exp[-\alpha(s - s_{\min})] \quad s \geq s_{\min} \quad s = s_{\min} - \frac{1}{\alpha} \ln[1 - F_r(r)]$
瑞利分布	$f_r(s) = \frac{s - s_{\min}}{\alpha^2} \exp\left\{-\frac{(s - s_{\min})^2}{2\alpha^2}\right\} \quad s \geq s_{\min} \quad s = s_{\min} + \left[2\alpha^2 \ln\left(\frac{1}{1 - F_r(r)}\right)\right]^{1/2}$
双曲分布 (立方根)	$f_r(s) = \frac{1}{3} \frac{s^{-2/3}}{s_{\max}^{1/3} - s_{\min}^{1/3}} \quad s = ([s_{\max}^{1/3} - s_{\min}^{1/3}] F_r(r) + s_{\min}^{1/3})^3$
双曲分布 (对数的)	$f_r(s) = \frac{1}{s[\ln(s_{\max}) - \ln(s_{\min})]} \quad s = s_{\min} \left[\frac{s_{\max}}{s_{\min}} \right]^{F_r(r)}$

表中输入图象的概率分布函数可近似用其直方图按下式计